2.2 有効応力解析プログラムTARA-3による解析

佐藤工業(株) 吉田 望

フ^{*}リティッシュコロンビア大学 W.D.L. Finn

2.2.1 解析手法

本報では有効応力解析プログラムTARA-3¹)を用いた解析結果を示す。TARA-3は、有効応力の概念に基づく 2次元有限要素法、静的・動的解析プログラムである。まず、本研究委員会の作業として共通の解析を行う のに必要な範囲について、解析手法の概略を紹介する。

(1) 基礎方程式およびその解法

TARA-3では、材料非線形を含む問題に対し、基本的には、次のような方針で解析を行っている。

①基礎式は増分形で記述する。動的解析の各増分区間では材料の挙動は弾性的とし、接線剛性により剛性マトリックスを計算する。

②増分弾性の仮定に基づく計算により生じる誤差は、不釣合い力として扱う。不釣合い力は、各増分計算時に収練計算をしてなくすことができる。収練計算を行わない場合、また収練計算を行った場合の最後に残った不釣合い力は次回の増分計算に持ち越す。

③増分弾性計算により得られた応力が降伏条件を犯した場合にはload shedingを行い、降伏条件を越えた応力の他要素への再配分を行う。

以下で示す解析の条件である、水平地震入力を受ける、非排水条件下の、増分形で表した、剛基礎に対す る運動方程式は次のようになる。

$$[M]{\Delta \ddot{\mathbf{x}}} + [C]{\Delta \dot{\mathbf{x}}} + [K]{\Delta \mathbf{x}} = -[M]{I}{\Delta \dot{\mathbf{u}}} + {\Delta \mathbf{p}}$$

$$(2.2.1)$$

ここで、[M]は質量マトリックス、[C]は減衰マトリックス、[K]は剛性マトリックス、{x}は基盤に対す る相対変位であり、Δは増分を、ドットは時間に関する微分を表している。右辺のu。は基盤の絶対変位、 {I}は水平方向の自由度に対応する成分が1で他の成分が0のベクトルである。また、{Δp}は外力項で、 不釣合い力、発生した過剰間隙水圧等が含まれる。なお、[M]には集中質量、[C]にはRayleigh減衰を用い ている。

一方、弾性基盤がある場合には、Joynerの方法²⁾を用いれば、運動方程式は次のようになる。

 $[M]{\Delta \ddot{x}} + ([C] + \Sigma \rho V_{\mathfrak{s}}{\mathfrak{s}}) {\Delta \dot{x}} + [K]{\Delta x} = -[M]{I}\Delta \ddot{u}_{\mathfrak{g}} + {\Delta p} \qquad (2.2.2)$

この場合には、{x}は解放基盤に対する相対変位、u。は解放基盤の絶対変位(すなわち、入射波の絶対変 位の倍の値)である。また、ρおよびV。は弾性基盤の質量密度とせん断波速度であり、 2 は基盤にある節 点の両端の節点までの距離の平均値、Σは基盤にある節点に関する和を表している。

TARA-3では、これらの運動方程式をNewmarkのβ法または、Wilsonのθ法で積分する。なお、間隙水圧の 消散も考慮する場合には、Biotの多次元圧密理論を赤井・田村の方法³⁾に基づき離散化した解析を行ってい るが、以後の解析では用いないことから、ここでは述べない。

(2)土の応力-ひずみ関係

TARA-3では、独立な弾性定数として体積弾性係数とせん断弾性係数を用いている。これらを用いると土骨格の弾性マトリックスDは

 $[D] = B_{t} [Q_{t}] + G_{t} [Q_{2}]$ (2.2.3)

と表される。ここで、Biは接線体積係数、Giは接線せん断係数であり、Qi、Q2は定数で構成されるマト リックスである。

せん断に対する土の挙動を表すには、図2.2.1に示す双曲線モデルを用いる。すなわち、単調載荷時のせん断応力τとせん断ひずみγの関係を、微小ひずみ時のせん断弾性係数Gmax、せん断強度τmaxを用い、

$$\tau = f(\gamma) = \frac{G_{\text{max}}\gamma}{1 + \frac{G_{\text{max}}}{\tau}}$$

と表す。ここで $f(\gamma)$ は、 γ の関数であることを表す。繰り返し載荷時の履歴法則は、Masing ruleを用いる。すなわち、(γ_R 、 τ_R)より除荷したときの履歴曲線は、

$$\frac{\tau - \tau_{\rm R}}{2} = f \left(\frac{\gamma - \gamma_{\rm R}}{2}\right) \tag{2.2.5}$$

と表す。この代わりに、任意のひずみに依存した減衰を与えるような履歴曲線⁴⁾を用いることも可能である。 接線せん断係数は(2.2.4)または(2.2.5)式をγで微分することにより得られる。



(a)単調載荷時
 (b)除荷、再載荷時
 図2.2.1 せん断応力-せん断ひずみ関係のモデル化

体積弾性係数と微小ひずみ時のせん断弾性係数は有効拘束圧 σ "'の関数として、次式で与える。

$$B_{t} = k_{b} P_{a} \left(\frac{\sigma_{m}}{P_{a}}\right)^{n} \qquad \qquad G_{max} = G_{o} \left(\frac{\sigma_{m}}{\sigma_{mo}}\right)^{-1/2} \qquad (2.2.6)$$

ここで、k_b、nは材料に固有の定数、P_aは大気圧、G_oは有効拘束圧σ_{mo}'のときの微小ひずみ時のせん断 弾性係数である。なお、本報で行う計算では、弾性定数に対する条件としてせん断弾性係数とポアソン比が 与えられていることから、nの値はせん断弾性係数計算式の指数と同じ1/2にしている。すると、k_bの値は せん断弾性係数とポアソン比より求めることができる。最後に、せん断強度τ_{max}は、モールクーロンの降 伏条件より決める。

(3)過剰間隙水圧の発生量

過剰間隙水圧の発生量は、Martin-Finn-Seedモデル⁵)で計算する。このモデルは、単純せん断試験の結果 を基に提案されたもので、排水条件下でせん断ひずみ振幅γの載荷を受けた時の体積ひずみ増分Δεναを

$$\Delta \varepsilon_{vd} = C_1 \left(\gamma - C_2 \varepsilon_{vd} + \frac{C_3 \varepsilon_{vd}^2}{\gamma + C_4 \varepsilon_{vd}} \right)$$
(2.2.7)

と表している。ここで、C1、C2、C3、C4は実験より決まる定数、 εvdはこれまでの繰り返しせん断によ り蓄積した体積ひずみである。非排水状態で生じる過剰間隙水圧増分Δuは、排水条件下で同じひずみ履歴 を受けたときに生じる体積ひずみΔεvdを用い、次式により求められる。

$$\Delta u = E_r \Delta \varepsilon_{vd} = \frac{\sigma_{v'}^{1-m}}{m k_2 \sigma_{vo'}^{n-m}} P_a^n \Delta \varepsilon_{vd}$$
(2.2.8)

ここで、 E-は1次元膨張係数で、実験より決まる定数k₂、m、 nと現在および初期の有効上載圧 σ_v 、 σ_v 。、 σ_v 、 σ_v 、

このモデルは、1サイクルの載荷を受けた際に発生する体積ひずみと過剰間隙水圧を予測するためのモデ ルである。このモデルを動的解析に用いるに際し、次のような変更を行っている。まず(2.2.7)式の半分の

(2.2.4)

体積ひずみを半サイクルの載荷により生じる体積ひずみとする。さらに、(2.2.7)式では除荷が生じ、せん 断ひずみ振幅が分かれば、その後せん断ひずみが0になるまでに発生する体積ひずみと過剰間隙水圧増分が 計算できるので、載荷の間は体積ひずみ増分はないものとし、除荷が起こると除荷により生じたせん断ひず みに比例し体積ひずみや過剰間隙水圧を発生させることにする。この様な処理により、過剰間隙水圧の発生 量は、ひずみが0の位置では実験と一致するが、それ以外の場合には最大1/4サイクル遅れる可能性がある。

2.2.2 要素試験のシミュレーション

動的応答解析を行うに際し、必要な材料のパラメータの値を決めるために、要素試験のシミュレーション を行う必要がある。ここでは、TARA-3における材料のパラメータの決定法を示し、その後、共通の課題であ る、要素試験のシミュレーション結果を示す。

(1)実務的なパラメータの決め方

TARA-3で用いている土の挙動を表すのに必要な材料パラメータは次の通りである。

①体積弾性係数と微小ひずみ時のせん断弾性係数

②モールクーロンの降伏条件を規定するための内部摩擦角と粘着力

③Martin-Finn-Seedモデルのための7つのパラメータの値

このうち、①、②のパラメータは物理的に意味がはっきりし、どの様な構成則を用いるにしても必要とさ れる量である。これらの値は特別な実験を行わなくても、実験式などを用いて決めることもできる。これに 対し、③のパラメータはモデル特有のパラメータである。

Martin-Finn-Seedモデルは、単純せん断試験による実験結果を基にして定式化されたモデルである。した がって、その係数を決めるには、排水単純せん断試験と1次元圧密試験の結果が必要である。しかし、単純 せん断試験は一般的に行われる試験というわけではないので、実用的には次のような方法でモデルのパラメ ータの値を求める。

液状化解析の目的から言えば、繰り返しせん断に伴う過剰間隙水圧の発生量が予測できれば、途中の経緯 は余り関係がない。すなわち、モデルの実際への運用では、前述のように、排水状態の体積ひずみと1次元 膨張係数を独立に求めるのではなく、結果として得られる液状化強度曲線と過剰間隙水圧の上昇率を合わせ るようにパラメータの値が決められれば、モデルとしては充分である。単純せん断試験による液状化強度曲 線が条件として与えられず、代わりに3軸試験による液状化強度曲線が与えられていたときはこれに相当す る単純せん断試験による液状化強度曲線に変換⁶¹して用いる。次に過剰間隙水圧の上昇率であるが、実験結 果がない場合には、例えばSeed等の提案する式⁷¹、

$$\frac{u}{\sigma_{vo}} = \frac{2}{\pi} \arcsin(\frac{N}{N_{\rm L}})^{1/2\theta}$$
(2.2.9)

を用いることができる。ここで、uは過剰間隙水圧、Nは繰り返し数、Nuは液状化繰り返し数であり、θ は過剰間隙水圧の上がり方を決めるパラメータで、θ=0.7がよく用いられる。パラメータの値はこれら二 つの条件をなるべく一致させるように決める。このために、単純せん断試験シミュレーションプログラム SIMCYC2⁸,やSIMMDL⁹、最小自乗法による非線形方程式の係数決定プログラムC-PRO¹⁰,等が作成され、組合 せ使用されている。

(2)要素試験

前述のように、TARA-3で用いているMartin-Finn-Seedモデルに用いられているパラメータの値は単純せん 断試験のシミュレーションを行うことにより決めることができる。この場合、載荷条件として与えられるの は上載圧 σ voと、せん断応力振幅 τ o であり、側方応力に関する初期条件は考えていない。したがって、共 通に与えられた解析条件のうち、Case-1(Ko=1、側方拘束)と、Case-2(Ko=0.5、側方拘束)は、初 期上載圧の差として区別される。共通課題のCase-3(K。=0.5、側方自由)を解く必要はないことか ら、そのようなプログラムは作成されていないので、 ここではこのケースの解析は行わない。

まずCase-2の載荷条件に対し、与えられた液状化 強度を満たすパラメータの値は表2.2.1の様になり、 その液状化強度曲線は図2.2.2の実線となる。図に 示されるように、τ 4/σ vo' = 0.2、0.14における 液状化繰り返し回数は与えられた条件と完全に一致 している。なお、前述のようにここでは側方に関す る条件は考慮していないことから、図2.2.2および 以後の図では有効拘束圧でなく、有効上載圧を用い ている。



図2.2.2 要素試験時の液状化強度曲線

表2.2.1 要素試験のシミュレーションに用いたパラメータの値

	C 1	C 2	Сз	C 4	k 2	m	n
Case-1,Case-2	1.00	0.80	0.48	0.80	0.44	0.40	0.62
Case-3	1.00	0.80	0.48	0.80	0.38	0.40	0.62

次に同じパラメータの値を用い、Case-1の解析(ここでは、せん断応力振幅をτ₀/σぃっ'から決めている) を行うと、液状化強度曲線は図2.2.2の破線の様になり、液状化強度は高くなる。ところで、一般に1次元 膨張係数を決めるパラメータのうちk₂は液状化曲線を上下させる効果がある。すなわち、Case-1の条件で、 与えられた液状化強度となる曲線を得ることは、k₂の値を変えることにより簡単に行うことができる。 図2.2.2、表2.2.1でCase-3として示したのはこの場合の計算で、図から分かるように液状化強度曲線は Case-1の場合とほとんど完全に一致し、図上では区別できない。

図2.2.3には、単純せん断試験のシミュレーション時に得られた有効応力経路およびせん断応カーせん断ひ ずみ関係の一部を示す。なお、図2.2.3のCase-1の解析で、 τ₀/σ_{vo}'=0.14の場合には、13サイクル目以降、 過剰間隙水圧の上昇はほとんどなく、50サイクルの繰り返しでは液状化しなかった。

まず、有効応力経路を見ると、載荷が始まり、最初の除荷が起こるまでは、有効上載圧は一定のまません 断応力のみが変化している。これは、2.2.1(3)で述べたように、載荷(せん断ひずみの絶対値が大きくなる 加力)の際には間隙水圧が発生しないとした数値計算上の仮定のためである。除荷が起こり、次にひずみが 0となるまでの間は、この半サイクルで発生する予定の過剰間隙水圧がひずみ増分に比例して発生させられ、 有効上載圧は減少していく。最初の半サイクルではひずみも小さく、材料の挙動は弾性に近いことから、除 荷時の応力経路はほとんど直線的であるが、液状化が近くなると応力-ひずみ関係の非線形性の影響から応 力経路は曲線となる。

過剰間隙水圧が上昇し、有効応力が減少すると、これに応じてせん断強度 τ max も徐々に小さくなり、や がて加えようとしているせん断応力より小さくなる。すなわち、有効応力経路でみると、図2.2.3で破線で 示した降伏条件(τ max = σ v'tan ø、 ø は内部摩擦角)と応力経路がクロスすることになる。ここに到る直 前でせん断ひずみは非常に大きくなるわけで、本プログラムではここで液状化が生じたと判断している。

材料が密な砂の場合には、サイクリックモビリティ現象が起こる。TARA-3ではこの効果はshear volume couplingとして考慮することができる。すなわち、ひずみが基準となるひずみを越えた場合には前述の Martin-Finn-Seedモデルによる体積ひずみに加え、せん断ひずみ増分に応じて正のダイレタンシーによる体積ひずみ増分を発生させている。しかし、本計算ではこの効果は考慮していない。



図2.2.3 要素試験時の有効応力経路と応力-ひずみ関係

2.2.3 川岸町地盤の1次元解析

(1)材料パラメータ

この項では、川岸町地盤の1次元解析の結果を示す。表2.2.2に解析に用いた材料のパラメータの値を示 す。ただし、解析条件は共通として与えられていることから、ここでは、過剰間隙水圧の発生を考慮する GL-2m~GL-14mの層についてのMartin-Finn-Seedモデルのパラメータのみを示している。これらのパラメー タの値は、各層の中央位置に対応する拘束圧の元で、与えられたせん断応力振幅に対する液状化繰り返し数 が一致するように決めた。図2.2.4に得られた液状化強度曲線を与条件と比較して示すが、解析により得ら

	${ m GL-2}\sim 5{ m m}$	GL-5~8m	$GL-8\sim 14$ m				
C 1	1.00	1.00	1.0				
C ₂	1.12	0.80	0.80				
C ₃	0.04	0.40	0.48				
C ₄	1.00	0.80	0.80				
k2	0.217	0.35	0.45				
m	0.40	0.40	0.40				
n	0.62	0.62	0.62				

表2.2.2 1次元解析に用いたパラメータの値



(2)動的解析および考察

図2.2.5に最大応答値を、図2.2.6~8に加速度、過剰間隙水圧およびせん断応力の時刻歴の一部を示す。 なお、図ではGL-14mを境に縮尺を変えている。まず、図2.2.7の過剰間隙水圧時刻歴について見ると、入射 波に大きな振幅の波が現れるごとに間隙水圧が大きく増加していることが分かる。そして、地震開始後4.5 4秒で第4層(GL-3.5~5m)の過剰間隙水圧が初期有効上載圧と等しくなり、液状化する。これ以後はこの 層のせん断強度はなくなるので、図2.2.8のせん断応力時刻歴に見られるように、この層のせん断応力は0 となる(数値計算上は微小なせん断強度を仮定しているので、完全には0ではない)。また、せん断耐力が なくなることによって、この層を伝わる地震波はほとんどなくなるため、この層より上の層の加速度は図2 .2.6に見られるように非常に小さい値となる。さらに、この層ではせん断変形が大きくなり、また、一方に 片寄って行く。その結果として、この層より上の地盤の変位はどんどん一方向に片寄っていく。図2.2.5に 示したように、第4層の最大ひずみは7.58%で、他の層と比べると極端に大きく、したがって、この層より 上では、変位はほとんどこの層の変形に支配されている。

第3層(GL-2~3.5m)は、液状化した層と同じ材料の層である。第4層で液状化が生じた時の第3層の間 隙水圧比は約0.6で、その後も間隙水圧は少しづつは上昇するが、10秒後でも液状化には至らない。これは、 第4層を通って伝わる地震入力がほとんどないためと考えられる。図2.2.8のせん断応力時刻歴で、第3層 のせん断応力が小さいのも同じ原因によるものである。第6層、8層でも過剰間隙水圧は次第に増加するが、 やはり10秒後でも液状化には至っていない。

入射波の時刻歴では、第4層が液状化した時刻(4.54秒)以降、5.5~8秒の間でさらに大きい入射波が存 在する。液状化した層より下ではこれらの入力に対応して、応答加速度も大きくなっているが、液状化した 層より上では、前述のように加速度は大きくならない。したがって、図2.2.5に見られるように、最大加速 度の分布は、基盤より地表に近づくにしたがって大きくなるが、液状化した層を境に急激に小さくなる。

2.2.4 遠心力載荷試験の2次元解析シミュレーション

(1) 初期応力の算定

TARA-3では、材料非線形を考慮した盛立て解析(建設の順序に従い要素を増やしながら応力状態を求めて いく解析)の機能を持っているが、ここでは、共通の方法である、2回の弾性解析による自重解析により試 験体の初期状態を求めた。すなわち、全ての要素の材料定数を同じとした1回目の弾性解析で得られた応力 を基に弾性定数を再計算し、2回目の弾性解析を行い、これを動的解析時の初期条件とした。



図2.2.7 1次元解析過剰間隙水圧時刻歴



(2)材料のパラメータ

動的解析に用いたMartin-Finn-Seedモデルのパラメータを表2.2.3に示す。また、これより得られた液状 化強度曲線を図2.2.9に示す。この場合には、実験値としては3軸試験の結果で、 $\sigma_a/(2\sigma_o)=0.18$ でN₁= 20が液状化強度として与えられている。これを対応する単純せん断試験の結果にするため、同じ繰り返し数 に対するせん断強度を2/3に低減し、 $\tau_a/\sigma_{vo}'=0.12$ でN₁=20を液状化強度に関する条件とした。さらに、 経験的にもう一点の液状化強度を $\tau_a/\sigma_{vo}'=0.25$ でN₁=5と与え、これを通るように液状化強度曲線を決 めた。

表2.2.3 遠心力載荷試験のシミュレーションに用いたパラメータの値

C 1	С 2	С₃	C 4	k 2	m	n
1.00	0.40	0.1617	0.376	0.75	0.43	0.62



(3)動的解析結果および考察

図2.2.10、11に解析で得られた加速度と過剰間隙 水圧を実験値と比較して示す。また、図2.2.12に図 2.2.11と同じ要素のせん断応力の時刻歴を示す。図 2.2.11では、実線が計測値、点線が解析値である。 なお、本解析では、早い要素では、入力開始後 13.4ミリ秒後(1サイクル目)には液状化しており、 36ミリ秒後(3サイクル目)にはほとんどの要素が 液状化している。実験でも3サイクル目以降は、最 大加速度が小さい、過剰間隙水圧がほとんど変化し ない等の現象が観察され、計算結果が妥当なもので あることを実証している。以下では各記録について さらに詳細に検討する。

加速度計ACC1225の加速度記録は2サイクル目、





3サイクル目で急激に小さくなっており、その後も次第に小さくなっている。解析値は、最初の3サイクル についてはこの様な加速度の低下をよく追跡しているが、その後は加速度振幅はほぼ同じであり、次第に実 験値との一致度は悪くなる。加速度計ACC965についてもこの傾向は同じであるが、この記録では計測値は最 初から加速度は小さい。しかし、この加速度計は本来鉛直加速度を計測するためのものであり、液状化の進 展に伴いピックアップが動いたとも考えられ、1サイクル目の加速度の大きさの違いより、本解析の予測精 度を議論することは難しい。地表、ACC965、ACC1225の計算で得られた加速度時刻歴は互いによく似た形状 をしている。最大加速度は、最初の1サイクル目で生じ、その値は上に行くほど大きくなっており、液状化 の発生前には、加速度は増幅されていることが分かる。しかし、液状化発生以後は、振幅はほとんど同じで あり、増幅されていない。ちなみに堤体上部の基盤に対する最大加速度の増幅率は約13%であった。

過剰間隙水圧の時刻歴の実験値と解析値の比較を見ると、大きな差として目につくのは、実験値は加速度 時刻歴と同じ周期で振動しているのに対し、解析値では単調に増加しているのみであることである。これは、 解析では、過剰間隙水圧の発生量としては、繰り返しせん断に伴うもののみを考慮しているのに対し、実際 にはこれ以外に弾性変形によっても間隙水圧が変化し、これが振動成分となって現れるためである。すなわち、解析では、残留過剰間隙水圧のみを求めているわけで、これは液状化に近いところを除けば過剰間隙の 平均的な変化を求めていることになる。

間隙水圧計PPT2331とPPT2332はほぼ同じ高さにあり、PPT2332の方が中央側に近く、したがって、初期拘 束圧も大きい。地震開始後は速やかに液状化に到っていることから、過剰間隙水圧の発生量も初期応力に比 例していると考えられる。実際、実験値の過剰間隙水圧の発生量はPPT2332の方が大きくなっている。解析



でもこの傾向は、間隙水圧の発生量の大きさも含めよく追跡されている。PPT2335はこれらより内側ある間 隙水圧計であるが、これについても解析は実験結果をよく説明している。これに対し、一番外側にある間隙 水圧計PPT2330では、計測値は量はわずかであるが、負の過剰間隙水圧が計測されているのに対し、実験値 では、値は他の結果と比べ小さいものの正の間隙水圧が発生しており、差がある。これは、実験値では、初 期状態が降伏状態に近く、地震入力後速やかにサイクリックモビリティの挙動をしたと考えられるのに対し、 ここで行った解析ではこの効果は考慮しなかったためである。間隙水圧計PPT68とPPT2251はいずれも基盤に 非常に近い位置に設置されている。これらの記録の特徴は、10ミリ秒付近で急激な間隙水圧の上昇があるこ とである。計算値では、この様な間隙水圧の発生は予測されておらず、この点で実験値とはかなりの差があ る。計算に用いた地震波は200Hzのlow pass filterをかけているので無視されているが、実験値には水平力 を与えるための腕が出されたときに生じたと考えられるきわめて大きい衝撃波が記録されており、これが実 験の過剰間隙水圧の差に影響したのかもしれない。

図2.2.13には、地震終了時の構造物の形状を示す。変形は全体として、剛性が劣化したことに起因する典型的なフロータイプの変形形状をしているほか、この時点ではかなり左側に片寄っている。なお、この時点での堤体上部の沈下量は約1.8mmで、実験値よりやや小さい。図2.2.14には解析終了時の過剰間隙水圧分布 を示す。本計算ではサイクリックモビリティの影響は考慮しなかったので、非排水条件下では過剰間隙水圧 は上昇するのみであるので、ここで示した値は発生した過剰間隙水圧の最大値でもある。等高線の形状は初 期有効拘束圧の形状とほぼ相似であり、堤体の中央ほど発生した過剰間隙水圧は多くなっている。

参考文献

- Finn, W.D.L., M.Yogendrakumar, N.Yoshida and H.Yoshida, "TARA-3: A Program for Nonlinear Static and Dynamic Effective Stress Analysis," Soil Dynamics Group, University of British Columbia, Vancouver, Canada
- 2) Joyner, W.B., "A Method for Calculating Nonlinear Seismic Response in Two Dimensions," Bulletin of Seismological Society of America, Vol.65, No.5, Oct. 1975, pp.1337-1357
- 3) 赤井浩一、田村武、弾塑性構成式による多次元圧密の数値解析、土木学会論文報告集、第260号、1978年 1月、pp.98~104
- 4) Ishihara,K., N.Yoshida and S.Tsujino, "Modelling of Stress-strain Relations of Soils in Cyclic Loading," Proc. 5th International Conference on Numerical Method in Geomechanics, Nagoya, Japan, Vol.1, April 1985, pp.373-380
- 5) Martin, G.R., W.D.L.Finn, and H.B.Seed, "Fundamentals of Liquefaction under Cyclic Loading," Journal of the Geotechnical Engineering Division, ASCE, Vol.101, No.GT5, May 1975, pp.423-438
- 6) Seed, H.B., "Soil Liquefaction and Cyclic Mobility Evaluation for Level Ground during Earthquakes," Jiurnal of the Geotechinical Division, ASCE, Vol.105, No.GT2, Feb. 1979, pp.201-255
- 7) Seed, H.B., P.P.Martin and J.Lysmer, "The Generation and Dissipation of Pore Water Pressure during Soil Liquefaction," Report No.EERC75-26, August 1975
- 8) Yogendrakumar, M. and W.D.L.Finn, "SIMCYC2: A Program for Simulating Cyclic Simple Shear Tests on Dry and Saturated Sands," Report, Soil Dynamics Group, Dep. of Civil Engineering, University of British Columbia, Vancouver, Canada
- 9) Yoshida, N., "SIMMDL: A Program for Simulatinf Simple Shear Tests under Randam Loading," Report, Engineering Research Institute, Sato Kogyo Co., LTD.,
- 10)Yogendrakumar, M. and W.D.L.Finn, "C-PRO: A Program for Simulating Cyclic Simple Shear Tests on Dry and Saturated Sands, Report, Soil Dynamics Group, Dep. of Civil Engineering, University of British Columbia, Vancouver, Canada